研究室名

16-1-2 位相数学研究室

最近の研究課題とその取り組みの概要

位相数学研究室は、石黒、宮内、浅尾、中岡の4名で構成され、位相数学(トポロジー)に 関連する分野を研究している。前年までは代数学研究者と共に基礎数学研究室となっていた ものである。位相数学の研究に関する具体的内容は次の通りである。

石黒はホモトピー論的 Lie 群ともいえる p-compact 群の分類空間のコホモロジー環が Weyl 群の作用による不変式環で表されることに関連して、 modular な表現について Invariant 理論の研究を含め、分類空間の位相構造について総合的に調べている。 対称群などの鏡映群の作用による不変式環が多項式環になるかなどの代数的構造や位相的な観点から対応するコホモロジー環を理解することが重要である。また分類空間上の写像を表す admissible map の行列表示における三角化および対角化可能性などについても考察し、 分類空間のコホモロジー環に関する高次元的現象についても研究を継続している。

宮内は位相空間の基本構成単位である球面や Lie 群について非安定ホモトピー論を中心とした手法による研究を行っており、特に非安定ホモトピー群の構造を調べており、その上で重要な Toda Bracket や、その拡張である Matrix Toda bracket の性質を研究している。また、球面の非安定ホモトピー群について、J-準同型による回転群の非安定ホモトピー群との関係を調べている。さらに、ホモトピー群の情報による Lie 群上の積のホモトピー可換性、高次ホモトピー結合性などの位相構造の研究を行っている。

浅尾はマグニチュードホモロジーの研究を通じて、 距離空間の圏論的構造に依拠したホモトピー論の構築を目指している。 特にグラフの幾何学的性質がマグニチュードホモロジーによって反映されるかについて、代数トポロジーの諸々の道具を用いていくつか成果を得ている。

中岡は位相空間の部分集合族に対して定義される作用子を用いて、一般化された開集合族の性質等を本学・小田名誉教授と共同研究している。

キーワード: 位相不変量、Lie 群、コホモロジー、ホモトピー、マグニチュードホモロジー

研究室の構成員

石黒 賢士 (教授) · Ph. D

宮内 敏行(准教授)・博士(数理学)

浅尾 泰彦(助教)·博士(数理科学)

中岡 史絵(助手)・学士(教育学)

2023年度の大学院生および卒論生の人数と研究テーマ

M2:1名 分類空間のトポロジー

D3:1名 分類空間のトポロジー

4年次生:7名 位相数学

教員の担当科目

石黒 賢士:(学部)数学総合Ⅱ、基礎数学、数学入門、幾何学Ⅱ、 基礎数学研究、卒業研究

> (大学院) 位相数学講究 II、代数トポロジー特論 I、代数トポロジー特論 II 位相数学特別研究 V、位相数学特別研究 VI

宮内 敏行:(学部) 数学特論, インターンシップ, 行列と行列式 I, 行列と行列式 II, 微分積

分 I, 微分積分 II, 微分積分 III, 基礎数学研究, 卒業研究

(大学院) 現代位相数学入門

浅尾 泰彦:(学部) 数学総合 I、線形代数及び演習

中岡 史絵: (学部) 基礎線形代数及び演習 (補助)、線形代数及び演習 (補助)

教員の所属学会

石黒 賢士:日本数学会、米国数学会

宮内 敏行:日本数学会 中岡 史絵:日本数学会

最近5年間の学術論文

- K. Ishiguro and M. Yamagata , Genus problems of classifying spaces, Fukuoka University Science Reports, vol 53 (1), 2023, 1-9
- I. Hanada, K. Ishiguro, N. Nishihara and M. Yamagata, Fixed Point Theory and Homotopy of Classifying Spaces (in Japanese), Fukuoka University Science Reports, vol 53 (1), 2023, 57-66
- Y. Asao, K. Ishiguro and M. Yamagata, Algebraic aspect of certain admissible maps for classifying spaces, to appear in Topology and its Applications (查読有)
- D. Kishimoto, Y. Minowa, T. Miyauchi and T. Yichen, Homotopy commutativity in symmetric spaces, Bol. Soc. Mat. Mex. (3) 30(2024), no. 2, Paper No. 42, 14 pp. (査読有)
- Y. Asao, Y. Hiraoka and S. Kanazawa, Girth, magnitude homology, and phase transition of diagonality, Proceedings of the Royal Society of Edinburgh Section A, First view (2023), 1-27. (查読有)
- Y. Asao, Magnitude homology and path homology, Bulletin of the London Mathematical Society, 55-1 (2023), 375-398. (查読有)
- Y. Asao and K. Izumihara, Geometric approach to graph magnitude homology,
 Homology, Homotopy and Applications 23 (2021), no. 1, 297-310. (查読有)
- Y. Asao, Magnitude homology of geodesic metric spaces with an upper curvature bound, Algebraic and Geometric Topology 21 (2021), no. 2, 647–664. (査読有)
- K. Ishiguro, T. Koba, T. Miyauchi and E. Takigawa, Modular invariants under the actions of some reflection groups related to Weyl groups, Bulletin of the Korean Mathematical Society, vol 57 (1), (2020), 207-218. (查読有)
- F. Nakaoka, and N. Oda, Continuous functions between sets with operations, Acta Comment. Univ. Tartu. Math. 24 (2020), no. 2, 225-239. (查読有)
- K. Ishiguro, T. Koba, T. Miyauchi and E. Takigawa, Some remarks on invariant rings under the actions of reflection groups related to Weyl groups, Fukuoka University Science Reports, 49 (2019), 1--8.

- D. Kishimoto, T. Miyauchi, Higher homotopy associativity in the Harris decomposition of Lie groups, Proc. Roy. Soc. Edinburgh Sect. A, Published online by Cambridge University Press: (2019), 1-19. (查読有)
- Y. Asao and R.Sakamoto, On a Probabilistic Phase Transition Phenomenon of "Photogenicity" of Images, Research Letter on Mathematical Sciences Practice (In Japanese), 2019. (査読有)

最近5年間の学術著書

該当なし

最近5年間の学術(国際)会議での発表

- 石黒賢士,山縣 真「Admissible maps and the cohomology of classifying spaces」、 日本数学会 2023 年度秋季総合分科会、東北大学、2023 年 9 月 21 日.
- 浅尾泰彦, 石黒賢士, 山縣 真, Diagonalizability and triangularizability of the matrices associated to maps between classifying spaces of connected compact Lie groups, "A Festival Remembering Victor Snaith: Topology, Number Theory and Interactions", Bristol (UK), 13 July 2023.
- 宮内敏行、球面の非安定ホモトピー群の計算方法 I, II、ホモトピー論シンポジウム、 大阪公立大学、2023 年 11 月 3,4 日.
- 浅尾泰彦「Magnitude: Study of metric spaces as enriched categories」、The 19th Algebra Analysis Geometry seminar, 2024 年 2 月、鹿児島大学
- 浅尾泰彦「Classification of metric fibrations」、Magnitude 2023、2023 年 12 月、 大阪大学
- 浅尾泰彦「Introduction to magnitude homology」、Combinatorics, geometry and commutative algebra of hyperplane arrangements、2023 年 1 月、九州大学
- 浅尾泰彦「Introduction to magnitude homology」、 Combinatorics, geometry and commutative algebra of hyperplane arrangements, Fukuoka, Jan. 2023.
- 浅尾泰彦「フィルター付き集合上の豊穣圏のマグニチュードとマグニチュードホモロジー」 測地線及び関連する諸問題、熊本大学、2023 年 1 月 4 日--1 月 5 日.
- 浅尾泰彦「フィルター付き集合上の豊穣圏のマグニチュード」Workshop on magnitude、大阪大学、2022 年 12 月 22 日--12 月 23 日.
- 浅尾泰彦「Introduction to Magnitude homology」ICMMA、明治大学、2022 年 11 月 27 日.
- 浅尾泰彦「グラフのマグニチュードホモロジー」幾何群論ワークショップ、愛媛大学、2022 年 10月27日--10月28日.
- 石黒賢士,西原夢斗「Pairings problems of certain classifying spaces」、第 147 回日本数学会九州 支部例会、長崎大学、2022 年 10 月 22 日.
- 浅尾泰彦,石黒賢士,山縣 真「Admissible maps and the cohomology of classifying spaces」、 日本数学会 2022 年度秋季総合分科会、北海道大学、2022 年 9 月 13 日.
- 浅尾泰彦「グラフのマグニチュードホモロジー1,2」空間の代数的・幾何的モデルとその周辺、 信州大学、2022 年 8 月 31 日--9 月 2 日.

宮内敏行「Some matrix Toda brackets in the homotopy groups of the rotation group」、福岡ホモトピー論セミナー、福岡大学セミナーハウス、2020 年 1 月 13 日.

宮内敏行「Higher homotopy associativity in the Harris decomposition of Lie groups」、ホモトピー沖 縄 2019、てんぶす那覇、2019 年 9 月 3 日.

浅尾泰彦「CAT(k)空間のマグニチュードホモロジー」、ホモトピー沖縄 2019、てんぶす那覇、 2019 年 9 月 3 日.

宮内敏行「On the homotopy groups of rotation groups」、Vietnam-USA joint mathematical meeting、 Quy Nhon、Vietnam、2019年6月13日.

石黒賢士, 宮内敏行「Modular invariants under the actions of some reflection groups related to Weyl groups」、Vietnam-USA joint mathematical meeting、Quy Nhon、Vietnam、2019 年 6 月 11 日.

最近5年間の学術的会議の開催実績(応用数学科・専攻のみ)

「福岡ホモトピー論セミナー」、2024年1月7日~1月8日、

九州大学西新プラザ、石黒賢士・宮内敏行・浅尾泰彦・岩瀬則夫(九州大学) 岸本大祐(九州大学) 蔦谷充伸(九州大学) と共同

Magnitude workshop, 2023 年 12 月 4 日--12 月 8 日、浅尾泰彦・吉永正彦(大阪大学)田嶌優 (北海道大学)と共同.

「Workshop on magnitude」、2022年12月22日--12月23日、

大阪大学、浅尾泰彦

「福岡ホモトピー論セミナー」、2020年1月12日~1月13日、

福岡大学セミナーハウス、小田信行・石黒賢士

最近5年間の代表者としての学外資金導入実績

科学研究費(基盤研究(C))、2022年度~2024年度

研究課題:J-準同型による球面の非安定ホモトピー群の大域構造の研究

研究代表者: 宮内 敏行

最近5年間の代表者としての学内資金導入実績

研究推進部領域別研究 2019 年度~2021 年度

研究課題:代数·位相構造研究

研究代表者:石黒 賢士

最近5年間の学会等学術団体における役職など

「九州若手数学賞」賛同者の会の代表:石黒 賢士 2019年~2023年

最近5年間の一般向け論文と著書、行政報告書など

該当なし

最近5年間の一般(非学術)集会での発表論文

該当なし

最近5年間の学術団体以外の団体での啓蒙活動や社会貢献活動とその役職など

該当なし

その他特筆事項

山縣 真(D3)第12回九州若手数学賞を受賞 2024年2月17日

西原 夢斗 (M2) 第9回九州若手数学者発表賞を受賞 2024年2月17日

山縣 真 (M2) 第7回九州若手数学者発表賞を受賞 2021年2月13日 宮本 萌々 (M2) 第6回九州若手数学者発表賞を受賞 2020年2月15日