

## 研究室名

### 18-1-1 基礎数学研究室

#### 最近の研究課題とその取り組みの概要

基礎数学研究室は、石黒、佐藤、宮内、中岡の4名で構成され、代数学および位相数学に関する分野を研究している。研究の具体的な内容は次の通りである。

石黒はコンパクト連結Lie群およびその一般化であるp-compact群の分類空間の有理数係数コホモロジー環がWeyl群の作用による不変式環で表されることに関連して、modularな表現に関する研究など、分類空間の位相構造について調べている。鏡映群との関係や位相的な観点から対応するコホモロジー環の構造を理解することが重要である。ホモトピー論とmodular表現論との関係など更に研究すべき課題がある。また、admissible mapのmod p行列表示における対角化可能性などについても考察し、分類空間のコホモロジー環に関する高次元的現象について幾つかの成果が得られている。

佐藤はトーリック多様体を組み合わせ論的な技術を用いて研究している。特に、第二チャーン指標が非負になるようなトーリック多様体の構造を決定することを目指しており、森理論の立場から、様々な端射線を持つ場合について、そのような多様体の構造を研究している。

宮内は位相空間の基本構成単位である球面やLie群について非安定ホモトピー論を中心とした手法による研究を行っており、回転群や例外型Lie群G\_2など具体的なLie群のホモトピー群の群構造を調べている。また、Lie群の素数による局所分解のホモトピー群の情報、Lie群の分類空間のコホモロジー群上のSteenrod代数の構造等を用いてLie群上の積のホモトピー可換性、高次ホモトピー結合性に関する研究も行っており、幾つかの成果が得られている。

中岡は位相空間の部分集合族に対して定義される作用子を用いて、一般化された開集合族の性質等を本学・小田名誉教授と共同研究している。

キーワード：位相不変量、Lie群、コホモロジー、ホモトピー、トーリック多様体

#### 研究室の構成員

石黒 賢士（教授）・Ph.D

佐藤 拓（准教授）・博士（理学）

宮内 敏行（准教授）・博士（数理学）

中岡 史絵（助手）・学士（教育学）

#### 2020年度の大学院生および卒論生の人数と研究テーマ

M2：2名 分類空間のトポロジー

4年次生：6名 位相幾何学；6名 整数論

#### 教員の担当科目

石黒 賢士：（学部）数学総合II、基礎数学、数学入門、数学III、幾何学II、数学特論、基礎数学研究、卒業研究

（大学院）位相数学講究II、位相数学特論I、位相数学特論II

佐藤 拓：(学部) 代数学序論、離散数学、代数学、基礎数学研究、卒業研究、微分積分 I、  
微分積分 II、行列と行列式 I、行列と行列式 II

宮内 敏行：(学部) 数学総合 I、応用線形代数入門、情報数理、基礎数学研究、  
微分積分 I、行列と行列式 I、行列と行列式 II

(大学院) 基礎数学特別講義 I

中岡 史絵：(学部) 基礎線形代数及び演習（補助）、線形代数及び演習（補助）

#### 教員の所属学会

石黒 賢士：日本数学会、米国数学会

佐藤 拓：日本数学会

宮内 敏行：日本数学会

中岡 史絵：日本数学会

#### 最近5年間の学術論文

O. Fujino and H. Sato, Notes on toric varieties from Mori theoretic viewpoint, II,  
Nagoya Math. J. 239 (2020), 42-75. (査読有)

H. Sato and Y. Suyama, Examples of singular toric varieties with  
certain numerical conditions, Osaka J. Math. 57 (2020), 51-59. (査読有)

H. Sato and Y. Suyama, Remarks on toric manifolds whose Chern  
characters are positive, Comm. Alg. 48 (2020), 2528-2538. (査読有)

O. Fujino and H. Sato, Toric Fano contractions associated to long  
extremal rays, Tohoku Math. J. 72 (2020), 77-86. (査読有)

D. Kishimoto, T. Miyauchi, Higher homotopy associativity in the Harris decomposition of Lie  
groups, Proc. Roy. Soc. Edinburgh Sect. A, Published online by Cambridge  
University Press: (2019), 1--19. (査読有)

K. Ishiguro, T. Koba, T. Miyauchi and E. Takigawa,  
Some remarks on invariant rings under the actions of  
reflection groups related to Weyl groups,  
Fukuoka University Science Reports, 49 (2019), 1—8.

T. Miyauchi, J. Mukai and M. Ohara, On Mimura's extension problem,  
Topology and its Applications 243 (2018), 135—145. (査読有)

S. Hasui, D. Kishimoto, T. Miyauchi and A. Ohsita,,  
Samelson products in quasi-p-regular exceptional Lie groups,  
Homotopy and Applications 20 (2018), 185—208. (査読有)

T. Miyauchi and J. Mukai, Determination of the 2-primary components of  
the 32-stem homotopy groups of  $S^n$ , Boletín de la Sociedad  
Matemática Mexicana. Third Series 23 (2017), 319—387. (査読有)

K. Ishiguro, T. Koba, Y. Ueno and F. Yayama,  
Matrices and mod p admissible maps for classifying spaces,

- Fukuoka University Science Reports, 47 (2017), 85—98.
- F. Nakaoka, F. Tamari and H. Maki, On generalized digital lines,  
Scientiae Mathematicae Japonicae, 80 (2017), 15—34. (査読有)
- H. Kihara, K. Maruyama and N. Oda, The group of self-homotopy equivalences of the m-fold smash product of a space, Topology and its Applications, 217 (2017), 70--80. (査読有)
- H. Sato, Toric 2-Fano manifolds and extremal contractions, Proc. Japan Acad. Ser. A Math. Sci. 92 (2016), 121—124. (査読有)
- N. Iwase, K. Kikuchi and T. Miyauchi, On Lusternik-Schnirelmann category of  $\mathrm{SO}(10)$ , Fund. Math., 234 (2016), 201—227. (査読有)

#### 最近5年間の学術著書

該当なし

#### 最近5年間の学術(国際)会議での発表

- 宮内敏行 「Some matrix Toda brackets in the homotopy groups of the rotation group」、福岡ホモトピー一論セミナー、福岡大学セミナーハウス、2020年1月13日.
- 佐藤 拓 「トーリック弱ファノ多様体がファノに変形する十分条件について」、射影多様体の幾何とその周辺 2019、高知大学理学部、2019年11月2日-3日.
- 佐藤 拓 「The length of an extremal ray of a toric variety」、Oberwolfach Workshop: Toric Geometry、2019年9月23日-27日.
- 宮内敏行 「Higher homotopy associativity in the Harris decomposition of Lie groups」、ホモトピー一論セミナー、てんぶす那覇、2019年9月3日.
- 宮内敏行 「On the homotopy groups of rotation groups」、Vietnam-USA joint mathematical meeting, Quy Nhon、Vietnam、2019年6月13日.
- 石黒 賢士, 宮内敏行 「Modular invariants under the actions of some reflection groups related to Weyl groups」、Vietnam-USA joint mathematical meeting, Quy Nhon、Vietnam、2019年6月11日.
- 佐藤 拓 「Singular toric 2-Fano varieties」、Toric geometry, degenerations and related topics、神戸大学、2019年2月14日.
- 宮内 敏行, 石黒 賢士, 古場 嵩浩, 瀧川 紗梨佳 「Some remarks on invariant rings under the actions of reflection groups related to Weyl groups」、第139回日本数学会九州支部例会、J:COM ホルトホール大分、2018年10月20日.
- 宮内 敏行 「回転群と例外型 Lie 群  $G_2$  のホモトピー群について」ホモトピー論シンポジウム、高松市生涯学習センター、2017年11月25日.
- 上野 佑介 「Pairings of classifying spaces and admissible maps」、The 2nd Pan Pacific International Conference on Topology and Applications, 韓国プサン、2017年11月13日.
- 石黒 賢士、古場 嵩浩、瀧川 紗梨佳 「Modular invariants under the actions of some reflection groups

related to Weyl groups」、  
The 2nd Pan Pacific International Conference on Topology and Applications,  
韓国プサン、2017年11月14日。

佐藤 拓「Deformations of higher-dimensional toric weak Fano manifolds」、  
第5回 K3曲面・エンリケス曲面ワークショップ、  
北海道教育大学札幌駅前サテライト教室1、2017年8月22-24日。

石黒 賢士、上野 佑介「Matrices and mod p admissible maps for classifying spaces」  
第136回日本数学会九州支部会（於：福岡教育大学）2017年2月18日。

佐藤 拓「A construction of higher-dimensional toric weakened Fano manifolds」、  
Workshop on Fano varieties and Calabi-Yau varieties、  
神戸大学理学部数学科、2017年1月23日-25日。

宮内 敏行「Samelson products in quasi-p-regular F\_4 and E\_6」、研究集会 "群作用と位相"、  
城崎健康福祉センター、2016年12月4日。

宮内 敏行「Gottlieb groups of some mod 2 Moore spaces」、ホモトピー論シンポジウム、  
県立広島大学サテライトキャンパス、2016年11月13日。

#### 最近5年間の学術的会議の開催実績（応用数学科・専攻のみ）

「福岡ホモトピー論セミナー」、2020年1月12日～1月13日、  
福岡大学セミナーハウス、小田信行・石黒賢士

「福岡ホモトピー論セミナー」、2019年1月13日～1月14日、  
福岡大学セミナーハウス、小田信行・石黒賢士

「第四回杜の都代数幾何学研究集会」、2018年3月8日～9日、  
東北大学大学院理学研究科川井ホール、佐藤 拓

「福岡ホモトピー論セミナー」、2018年1月7日～1月8日、  
福岡大学セミナーハウス、小田信行・石黒賢士

「福岡ホモトピー論セミナー」、2017年1月8日～1月9日、  
福岡大学セミナーハウス、小田信行・石黒賢士

「福岡ホモトピー論セミナー」、2016年1月10日～1月11日、  
福岡大学セミナーハウス、小田信行・石黒賢士

#### 最近5年間の代表者としての学外資金導入実績

科学研究費（基盤研究（C））、平成30年度～令和4年度  
研究課題：高次元特異トーリック多様体の収縮写像の変形  
研究代表者：佐藤 拓

#### 最近5年間の代表者としての学内資金導入実績

2020年度理学研究科高度化推進事業  
研究課題：高次ファノ多様体の研究と確率論への応用

研究代表者：佐藤 拓

研究推進部領域別研究 2019 年度～2021 年度

研究課題：代数・位相構造研究

研究代表者：石黒 賢士

研究推進部領域別研究 2016 年度～2018 年度

研究課題：写像空間の現代的位相解析に関する研究

研究代表者：石黒 賢士

研究推進部領域別研究 2015 年度～2017 年度

研究課題： 代数構造と幾何学の研究

研究代表者：佐藤 拓

**最近 5 年間の学会等学術団体における役職など**

「九州若手数学賞」賛同者の会の代表：石黒 賢士 2016 年～2020 年

**最近 5 年間の一般向け論文と著書、行政報告書など**

佐藤 拓, 書評 「D. A. Cox, J. B. Little and H. K. Schenck, Toric Varieties (Grad. Stud. Math., 124) 」、  
数学 68 (2016), 329-333. (査読有)

**最近 5 年間の一般（非学術）集会での発表論文**

該当なし

**最近 5 年間の学術団体以外の団体での啓蒙活動や社会貢献活動とその役職など**

該当なし

**その他特筆事項**

山縣 真 (M2) 第 7 回九州若手数学者発表賞を受賞 2021 年 2 月 13 日

宮本 萌々 (M2) 第 6 回九州若手数学者発表賞を受賞 2020 年 2 月 15 日

瀧川 絵梨佳 (M2) 第 5 回九州若手数学者発表賞を受賞 2019 年 2 月 16 日

上野 佑介 (M2) 招待講演 The 2nd Pan Pacific International Conference on Topology  
and Applications, 韓国プサン、2017 年 11 月 13 日

上野 佑介 (M2) 第 4 回九州若手数学者発表賞を受賞 2018 年 2 月 17 日